

# Criptografia Aplicada

LESI / LMCC

Exame de Recurso – Fevereiro de 2008

1

**ATENÇÃO:** Quem estiver a realizar o teste referente à primeira parte da matéria deve responder às questões assinaladas com “1”; à segunda parte com “2” e a toda a matéria com “T”. Melhorias de notas devem sempre responder a toda a matéria (T).

## Questão 1 – (1+T)

1. Considere a utilização de uma cifra por blocos no modo CBC em que o vector de inicialização é transmitido em claro.
  - (a) Qual é o impacto, ao decifrar uma mensagem, da alteração de um *bit* em: (i) o vector de inicialização; (ii) um bloco de criptograma intermédio.
  - (b) Com base na resposta à alínea anterior, discuta a adequação da solução proposta em termos de segurança (propondo alternativas se entender apropriado).
2. Em que consiste um *Message Authentication Code*? Que propriedades pretende estabelecer?
3. Uma forma de codificar um MAC consiste em fazer uso de uma função apropriada  $h$  da seguinte forma:

$$\text{MAC}(k, M) = h(k \cdot h(M \cdot k))$$

onde  $\cdot$  denota a concatenação. Justifique a adequação desta solução explicitando quais são as premissas e como é que se estabelecem as propriedades pretendidas.

4. As *Engines Classes* do JCA/JCE disponibilizam aos programadores “serviços” criptográficos. Forneça exemplos de 4 dessas classes, indicando a respectiva funcionalidade.

Nome: \_\_\_\_\_

Número: \_\_\_\_\_ Curso: \_\_\_\_\_



# Criptografia Aplicada

LESI / LMCC

Exame de Recurso – Fevereiro de 2008

2

**ATENÇÃO:** Quem estiver a realizar o teste referente à primeira parte da matéria deve responder às questões assinaladas com “1”; à segunda parte com “2” e a toda a matéria com “T”. Melhorias de notas devem sempre responder a toda a matéria (T).

## Questão 2 – (2+T)

- O certificados X509 são provavelmente o aspecto mais visível da utilização da criptografia nas utilizações correntes (correio electrónico, navegação web, etc.)
  - Que problema é que pretendem resolver?
  - No que é que consistem e porque é que permitem ultrapassar as dificuldades apontadas na alínea anterior?
  - Faz sentido um certificado ser auto-assinado? Em que circunstâncias e com que objectivos?
  - Descreva a utilização de certificados no envio e recepção de *emails* assinados e cifrados.
  - Refira outra aplicação criptográfica onde estejam envolvidos certificados X509. Descreva de forma sucinta essa aplicação e qual a utilização que faz dos certificados.
- A qualidade dos números aleatórios é um factor determinante na segurança das técnicas criptográficas. Para confirmar esta afirmação, lembre a cifra *El-Gamal* estudada no curso: dado um primo  $p$  e um gerador  $g$  de  $Z_p^*$ 
  - Inicialização:** gera um número  $x$  ( $0 < x < p$ ) e faz-se  $y = g^x [p]$ . A chave privado é formado pelo triplo  $\langle x, g, p \rangle$  e a chave pública pelo triplo  $\langle y, g, p \rangle$ .
  - Cifrar:** gera-se um número aleatório  $r$  ( $0 < r < p$ ), sendo o criptograma formado pelo par  $\langle c_1, c_2 \rangle = \langle g^r, m * y^r \rangle$ .
  - Decifrar:** dado um criptograma  $\langle c_1, c_2 \rangle$ , a mensagem é recuperada calculando  $c_2 / (c_1^x) [p]$ .

Mostre como um adversário poderá atacar a cifra se puder prever qual o número aleatório utilizado na operação de cifra.

Nome: \_\_\_\_\_

Número: \_\_\_\_\_ Curso: \_\_\_\_\_



# Criptografia Aplicada

LESI / LMCC

Exame de Recurso – Fevereiro de 2008

3

**ATENÇÃO:** Quem estiver a realizar o teste referente à primeira parte da matéria deve responder às questões assinaladas com “1”; à segunda parte com “2” e a toda a matéria com “T”. Melhorias de notas devem sempre responder a toda a matéria (T).

## Questão 3 – (1)

1. No curso foi estudada a cifra *One Time Pad* (OTP) como um exemplo de uma cifra incondicionalmente segura.
  - (a) Explique o princípio de funcionamento dessa cifra.
  - (b) O que significa a afirmação “a cifra OTP é incondicionalmente segura”?
  - (c) Apesar do referido na alínea anterior, a cifra OTP é reconhecidamente inapropriada em utilizações correntes da criptografia. Porquê?
2. O que é uma *função de hash criptográfica*? Que propriedades são esperadas nessas funções?
3. O que caracteriza uma cifra sequencial auto-sincronizável? Em que situações aconselharia a sua utilização?

Nome: \_\_\_\_\_

Número: \_\_\_\_\_ Curso: \_\_\_\_\_



# Criptografia Aplicada

LESI / LMCC

Exame de Recurso – Fevereiro de 2008

4

**ATENÇÃO:** Quem estiver a realizar o teste referente à primeira parte da matéria deve responder às questões assinaladas com “1”; à segunda parte com “2” e a toda a matéria com “T”. Melhorias de notas devem sempre responder a toda a matéria (T).

## Questão 4 – (2)

1. Relembre a primitiva criptográfica RSA estudada no curso.
  - **Inicialização:** geram-se dois números primos  $p$  e  $q$  ( $n = p \cdot q$ ), e um inteiro  $e$  tal que  $\gcd(e, \varphi(n)) = 1$ . Calcula-se  $d$  tal que  $e \cdot d = 1 \pmod{\varphi(n)}$ .
  - **Cifrar:**  $c = m^e \pmod{n}$  (com  $0 \leq m < n$ ).
  - **Decifrar:**  $m = c^d \pmod{n}$ .
  - (a) A segurança do RSA está intimamente relacionada com a dificuldade de se factorizarem números grandes. Explique como é que, conhecendo a factorização de  $n$ , se pode atacar o RSA.
  - (b) Um problema associado à utilização directa da primitiva RSA na implementação de uma cifra assimétrica é a sua *natureza determinística*. Explique como tirar partido dessa característica num ataque à cifra e como é que técnicas como RSA-OAEP ultrapassam esse problema?
2. As *assinaturas digitais* e os *message authentication codes* foram duas das técnicas estudadas no curso. Descreva as similaridades e as diferenças que é possível estabelecer entre essas técnicas (nível das propriedades que lhes associamos).
3. O acordo de chaves é um ingrediente importante na utilização corrente da criptografia.
  - (a) Descreva o protocolo de acordo de chaves *Diffie&Helman* e justifique a sua segurança perante um adversário passivo.
  - (b) Como é que protocolo *Station-to-Station* ultrapassa as limitações do acordo de chaves *Diffie&Helman* perante adversários activos? Justifique.

Nome: \_\_\_\_\_

Número: \_\_\_\_\_ Curso: \_\_\_\_\_

